

المتجهات في المستوى الإحداثي

أوجد الصورة الإحداثية، وطول \overrightarrow{AB} المقطعة نقطتا بدايته ونهايته في كلٌ مما يأتي:

$$\begin{array}{lll} A(-3, -6), B(8, -1) \quad (3) & \left\{ \begin{array}{l} |v| = \sqrt{1+9} \\ = \sqrt{10} \end{array} \right. & A(4, -2), B(5, -5) \quad (2) \\ |v| = \sqrt{121+25} & \left\{ \begin{array}{l} |v| = \sqrt{9+10} \\ = \sqrt{10} \end{array} \right. & A(2, 4), B(-1, 3) \quad (1) \\ = \sqrt{146} & \left\{ \begin{array}{l} \langle 8+3, -1+6 \rangle = 3.16 \\ \langle 5-4, -5+2 \rangle = 3.16 \end{array} \right. & \langle -1-2, 3-4 \rangle \\ = 12.08 & & v = \langle -3, -1 \rangle \end{array}$$

إذا كان $\langle 5, 5 \rangle = v$, فأوجد كلًّا مما يأتي:

$$\begin{array}{lll} \langle -3, 5 \rangle - 2 \langle 2, -1 \rangle & w - 2v \quad (5) & \langle 6, -3 \rangle - 3v \quad (4) \\ \langle -7, 7 \rangle & \langle -3, 5 \rangle + \langle -4, 2 \rangle & 4v + 3w \quad (6) \\ 5w - 3v \quad (7) & & 4 \langle 2, -1 \rangle + 3 \langle -3, 5 \rangle \\ 5 \langle -3, 5 \rangle - 3 \langle 2, -1 \rangle & & \langle 8, -4 \rangle + \langle -9, 15 \rangle \\ \langle -15, 25 \rangle + \langle -6, 3 \rangle & & \langle -1, 11 \rangle \\ \langle -21, 28 \rangle & & \end{array}$$

أوجد متجه وحدة u له اتجاه v نفسه في كلٌ مما يأتي:

$$U = \frac{\langle -8, -2 \rangle}{\sqrt{64+4}} = \left\langle \frac{-8}{\sqrt{68}}, \frac{-2}{\sqrt{68}} \right\rangle = \langle -8, -2 \rangle \quad (9)$$

$$U = \frac{\langle -3, 6 \rangle}{\sqrt{9+36}} = \left\langle \frac{-3}{\sqrt{45}}, \frac{6}{\sqrt{45}} \right\rangle = \langle -3, 6 \rangle \quad (8)$$

$$U = \left\langle \frac{-4\sqrt{17}}{17}, \frac{\sqrt{17}}{17} \right\rangle$$

$$\left\langle \frac{-\sqrt{5}}{5}, \frac{2\sqrt{5}}{5} \right\rangle$$

أكتب \overrightarrow{DE} المقطعة نقطتا بدايته ونهايته بدالة متجهي الوحدة z, i في كلٌ مما يأتي:

$$\langle 5+4, -2-3 \rangle$$

$$\langle 6-4, -7+5 \rangle$$

$$D(4, -5), E(6, -7) \quad (10)$$

$$\langle 9, -5 \rangle$$

$$D(-4, 3), E(5, -2) \quad (11)$$

$$2i - 2j$$

$$D(4, 6), E(-5, -2) \quad (12)$$

$$9i - 5j$$

$$D(2, 1), E(3, 7) \quad (13)$$

$$\langle 5+4, -2-6 \rangle$$

$$\langle -9, -8 \rangle$$

$$\langle -9i + 8j \rangle$$

أوجد الصورة الإحداثية للمتجه v المعطى طوله وزاوية اتجاهه مع المحور الأفقي في كلٌ مما يأتي:

$$|v| = 8, \theta = 132^\circ \quad (15)$$

$$|v| = 12, \theta = 42^\circ \quad (14)$$

$$\langle 8 \cos 132^\circ, 8 \sin 132^\circ \rangle$$

$$\langle 12 \cos 42^\circ, 12 \sin 42^\circ \rangle$$

$$\langle -5.35, 5.95 \rangle$$

$$\langle 8.92, 8.03 \rangle$$

(16) بستنة: يقوم علي ومحمد بدفع حجر من حدائقهم. إذا كان علي يدفع الحجر بقوة مقدارها N 120 بزاوية تميل 60° عن المحور الأفقي، في حين يدفع محمد الحجر بقوة مقدارها N 180 بزاوية تميل 40° عن المحور الأفقي، فأوجد مقدار محصلة القوى الناتجة عن تأثير قوتي الدفع معاً.